

I. Vocabulaire des statistiques :

On appelle statistique, d'une part, un recueil de données concernant une population et d'autre part, les méthodes de traitement et d'interprétation de ces données.

1) Quelques définitions :

Une population est un ensemble sur lesquels vont porter les observations (ensembles d'objets, de personnes, d'entreprises, de machines, d'animaux...).

Chaque élément d'une population est appelé un **individu**.

Le nombre total d'individus d'une population s'appelle l'**effectif total de la population**.

Un échantillon est une partie de la population.

On appellera **caractère**, la propriété étudiée sur la population.

2) Présentation générale d'une série statistique :

Une série statistique se présentera généralement sous la forme d'un tableau, donnant pour chaque valeur du caractère, l'effectif correspondant.

Valeurs du caractère : x_i	x_1	x_2	x_p	TOTAL
effectifs : n_i	n_1	n_2	n_p	N

L'effectif total de la série est la somme des effectifs de toutes les valeurs possibles du caractère étudié.

$$N = n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_p$$

La fréquence d'une valeur est égale au quotient de l'effectif de la valeur par l'effectif total de la population. La fréquence d'une valeur x_i est $f_i = \frac{n_i}{N}$

La fréquence s'exprime sous forme fractionnaire, décimale ou sous forme de pourcentage.

Exemple : Compléter le tableau ci-dessous, donnant pour chaque superficie, le nombre d'exploitations agricoles recensées.

Superficie en ha	Nombre d'exploitations n_i	Fréquence f_i	Effectifs cumulés croissants
3	7	0,14	
5	10	0,20	
9	13	0,26	
12	9		
15	1		
20	7		
25	3		
TOTAL	N =		

Le caractère étudié est

Quel est le nombre d'exploitations de moins de 20 hectares ?

Quel est le pourcentage d'exploitations ayant moins de 15 ha de superficie (strictement) ?

.....

Quel est le pourcentage d'exploitations ayant plus de 9 ha de superficie ?

.....

II. Médiane et intervalle inter-quartile :

1) La médiane :

La médiane d'une série, notée Me , est la valeur du caractère qui partage la série en **deux parties de même effectif**.

Pour déterminer la médiane d'une série statistique, il faut **ranger les valeurs du caractère par ordre croissant**, chacune des valeurs figurant un nombre de fois égal à son effectif.

- Si le nombre de valeurs est **impair**, la médiane est la valeur centrale.
- Si le nombre de valeurs est **pair**, la médiane est la moyenne des deux valeurs centrales.

Exemples :

a) On considère la liste des prix en euros 4 ; 5 ; 8 ; 10 ; 12 ; 13 ; 14 ; 16 ; 17.

L'effectif est donc la médiane est

La médiane est égale à

b) On considère la liste des prix en euros 4 ; 5 ; 8 ; 10 ; 11 ; 11 ; 12 ; 13 ; 13 ; 14 ; 16 ; 17.

L'effectif est donc la médiane est

La médiane est égale à

c)

Superficie en ha x_i	3	5	9	12	15	20	25	TOTAL
Nombre d'exploitations n_i	7	10	13	9	1	7	3	

Déterminer la médiane de cette série.

Propriétés :

- **50% au moins des individus ont une valeur du caractère inférieure ou égale à la médiane.**
- **La médiane est une valeur insensible aux valeurs extrêmes. C'est un indicateur de tendance centrale. Elle va permettre de comparer deux séries.**

2) Les quartiles :

1er quartile: Q_1 est la plus petite valeur de la série telle qu'au moins 25% des valeurs soient inférieures ou égales à Q_1 .

3ème quartile: Q_3 est la plus petite valeur de la série tel qu'au moins 75% des valeurs soient inférieures ou égales à Q_3 .

Pour déterminer les quartiles d'une série statistique, il faut **ranger les valeurs du caractère par ordre croissant**, chacune des valeurs figurant un nombre de fois égal à son effectif.

On divise ensuite l'effectif total par 4 puis on arrondit à l'entier supérieur, ce qui nous donne le rang de la valeur égale à Q_1 .

Pour Q_3 , on divise l'effectif total par 4 et on multiplie le résultat par 3 puis on arrondit à l'entier supérieur, ce qui nous donne le rang de la valeur égale à Q_3 .

L'intervalle interquartile est $[Q_1, Q_3]$. Il contient au moins 50% des valeurs de la série.

L'écart interquartile est la différence $Q_3 - Q_1$, c'est la longueur de l'intervalle inter-quartile.

Les quartiles sont des indicateurs de position. L'écart inter-quartile est un indicateur de dispersion.

Plus il est important, plus la série est dispersée. Il permet de comparer deux séries.

Exemples :

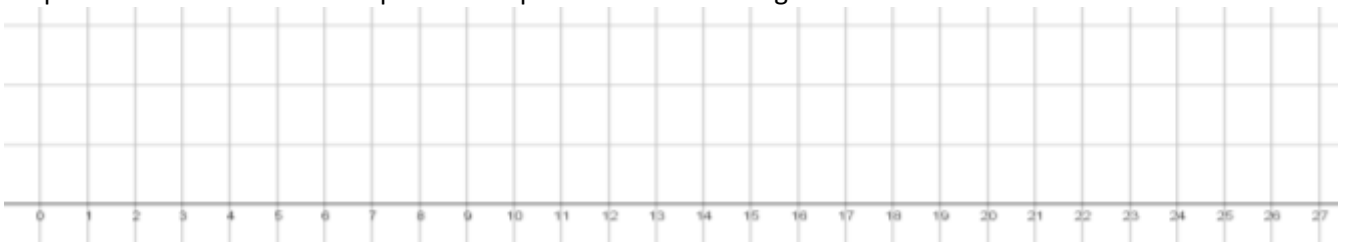
- a) On considère la liste des prix en euros 4 ; 5 ; 8 ; 10 ; 12 ; 13 ; 14 ; 16 ; 17.
Déterminer les quartiles de cette série.

b)

Superficie en ha x_i	3	5	9	12	15	20	25	TOTAL
Nombre d'exploitations n_i	7	10	13	9	1	7	3	

Déterminer les quartiles de cette série.

A partir de la médiane et des quartiles on peut construire le diagramme en boîte de la série.



3) La moyenne et l'écart-type

a) La moyenne :

Valeurs du caractère x	x_1	x_2	x_p	TOTAL
effectifs : n_i	n_1	n_2	n_p	N

La **moyenne pondérée** de la série, notée \bar{x} , est le nombre défini par :

$$\bar{x} = \frac{n_1 x_1 + n_2 x_2 + \dots + n_p x_p}{n_1 + n_2 + \dots + n_p} = \frac{n_1 x_1 + n_2 x_2 + \dots + n_p x_p}{N}$$

La **moyenne est un indicateur de position, elle est très sensible aux valeurs extrêmes.**

Exemple : 1) Calculer la superficie moyenne d'une exploitation.

Superficie en ha x_i	3	5	9	12	15	20	25	TOTAL
Nombre d'exploitations n_i	7	10	13	9	1	7	3	

2) On modifie la dernière colonne du tableau avec une superficie est de 100ha au lieu des 25.
Calculer la nouvelle superficie moyenne.

Linéarité de la moyenne :

- Lorsqu'on ajoute (ou en retranche) un même nombre k à chacune des valeurs du caractère, sans changer les effectifs, la moyenne augmente (ou diminue) de k .
- Lorsqu'on multiplie chacune des valeurs du caractère par un même nombre k , sans changer les effectifs, la moyenne est multipliée par k .

Exemples :

Dans une boutique la moyenne des prix est de 12 €.

1) Que devient le prix moyen dans cette boutique si le commerçant décide d'augmenter tous les prix de 1€ ?

2) Que devient le prix moyen dans cette boutique si le commerçant décide de multiplier tous les prix par 1,1 et de leur rajouter 0,15€ ?

b) L'écart-type :

Valeurs du caractère x	x_1	x_2	x_p	TOTAL
effectifs : n_i	n_1	n_2	n_p	N

L'écart-type d'une série est le nombre positif σ , défini par :

$$\sigma = \sqrt{\frac{n_1 (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_p (x_p - \bar{x})^2}{n_1 + n_2 + \dots + n_p}} = \sqrt{\frac{n_1 (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_p (x_p - \bar{x})^2}{N}}$$

Il se calcule à la calculatrice.

L'écart-type est un indicateur de dispersion. Plus il est important, plus la série est dispersée autour de sa moyenne. Il permet de comparer des séries.

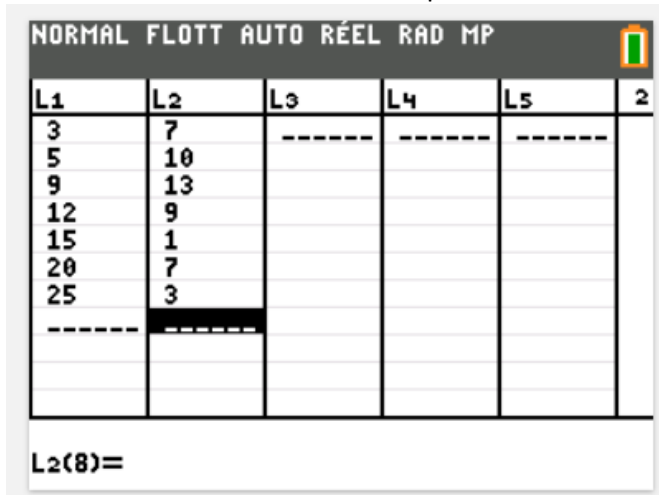
Exemple : Calculer l'écart-type de cette série .

Superficie en ha x_i	3	5	9	12	15	20	25	TOTAL
Nombre d'exploitations n_i	7	10	13	9	1	7	3	

III. Utilisation de la calculatrice pour déterminer moyenne, médiane, quartiles et écart-type:

Superficie en ha x_i	3	5	9	12	15	20	25	TOTAL
Nombre d'exploitations n_i	7	10	13	9	1	7	3	

- Dans le menu STATS on choisit EDIT 1: Modifier...
- Un tableau comportant plusieurs colonnes s'affiche. On le complète avec les nombres du tableau.



- On retourne dans le menu STATS et on choisit CALC 1: Stats 1 Var
- On complète le formulaire en indiquant les listes L_1 dans Xliste et L_2 dans ListeFreq puis Calculer.



- Une liste de résultats s'affiche.