Term Spé Fiche d'exercices sur les suites (révisions)

Exercice 1:

La suite (u_n) est définie par

$$\left\{egin{array}{l} u_0=20 \ u_{n+1}=u_n-(n-4)^2, ext{ pour tout } n\in\mathbb{N}. \end{array}
ight.$$

- 1. Calculer les quatre premiers termes de la suite.
- **2.** Conjecturer le sens de variation.
- 3. Démontrer cette conjecture.

Exercice 2:

Représenter dans un repère les cinq premiers termes des suites définies pour tout $n \in \mathbb{N}$ par :

1.
$$u_n = 4n - 7$$
 2. $u_n = n^2 + 1$

2.
$$u_n = n^2 + 1$$

3.
$$u_{n+1} = 2 u_n - 1$$
 avec $u_0 = 0$

Exercice 3:

Les suites suivantes sont arithmétiques. Exprimer u_{n+1} en fonction de u_n puis calculer les cinq premiers termes.

1.
$$u_0 = 2$$
 et $r = 3$

2.
$$u_0 = 4$$
 et $r = -3$

3.
$$u_1 = 3$$
 et $r = \frac{1}{2}$

1.
$$u_0 = 2$$
 et $r = 3$
2. $u_0 = 4$ et $r = -3$
3. $u_1 = 3$ et $r = \frac{1}{2}$
4. $u_1 = \frac{3}{4}$ et $r = \frac{1}{2}$

Exercice 4:

Déterminer si les suites suivantes sont arithmétiques. Si oui, donner le premier terme et la raison.

1.
$$u_n = 7n - 3$$
 pour tout $n \in \mathbb{N}$.

2.
$$u_n = n^2 + 4$$
 pour tout $n \in \mathbb{N}$.

3.
$$\left\{ egin{array}{l} u_0=1 \ u_{n+1}=2u_n+7, ext{ pour tout } n\in \mathbb{N}. \end{array}
ight.$$

4.
$$\left\{ egin{array}{l} u_1=-3 \ u_{n+1}=u_n+n+9, ext{ pour tout } n\in \mathbb{N}^*. \end{array}
ight.$$

Exercice 5:

Les suites suivantes sont arithmétiques de raison r. Exprimer u_n en fonction de n, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

1.
$$u_2 = 2$$
 et $r = 4$

1.
$$u_2 = 2$$
 et $r = 4$ **2.** $u_5 = 7$ et $r = -\frac{1}{2}$

3.
$$u_3 = 4$$
 et $r = 12$

3.
$$u_3 = 4$$
 et $r = 12$ **4.** $u_8 = \frac{37}{2}$ et $r = -\frac{1}{4}$

Exercice 6:

On donne le premier terme et la raison q des suites géométriques suivantes.

Exprimer v_{n+1} en fonction de v_n puis calculer les cing premiers termes.

1.
$$v_0 = 3$$
 et $q = 4$

2.
$$v_0 = 2$$
 et $q = -3$

3.
$$v_1 = 5$$
 et $q = \frac{1}{2}$

3.
$$v_1 = 5$$
 et $q = \frac{1}{2}$ **4.** $v_1 = -\frac{1}{4}$ et $q = 2$

Exercice 7:

Déterminer si les suites suivantes sont géométriques. Si oui, donner le premier terme et la raison.

1.
$$v_n = 8n$$
, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

2.
$$v_n = n^4$$
, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

3.
$$v_n = 2 \times 3n$$
, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

4.
$$v_n = -5 \times 2^{n+1}$$
, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

5.
$$\left\{ egin{array}{l} v_0=1 \ v_{n+1}=3v_n+3n, ext{ pour tout } n\in \mathbb{N}. \end{array}
ight.$$

6.
$$\left\{ egin{array}{l} v_0=2 \ v_{n+1}=5+7v_n, ext{ pour tout } n\in \mathbb{N}. \end{array}
ight.$$

Exercice 8:

Chacune des suites suivantes est géométrique. Exprimer v_n en fonction de n, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

1.
$$v_2 = 2$$
 et $q = -3$ **2.** $v_5 = -3$ et $q = 2$

2.
$$v_5 = -3$$
 et $a = 2$

3.
$$v_1 = -1$$
 et $q = \frac{1}{3}$ **4.** $v_{10} = \frac{1}{6}$ et $q = -1$

4.
$$v_{10} = \frac{1}{6}$$
 et $q = -1$

Exercice 9:

Les suites suivantes sont-elles arithmétiques ? géométriques ? Justifier.

Pour tout
$$n\in\mathbb{N}$$
 , $u_n=rac{n+5}{n+1}$.

2.

Pour tout
$$n\in\mathbb{N}, v_n=rac{4^n}{3^{n+1}}.$$

. Pour tout
$$n\in\mathbb{N}$$
 , $u_n=rac{n^2+4n+3}{n+3}$.

4.

. Pour tout
$$n\in\mathbb{N}$$
 , $v_n=5n+2^n$.

Exercice 10:

Une médiathèque a ouvert début 2017 et 3 000 personnes se sont inscrites durant la première année.

Chaque année, 75 % des inscrits renouvellent leur abonnement et 500 nouvelles adhésions ont lieu.

On modélise la situation par la suite (a_n) définie pour tout entier naturel n, où $a_0 = 3\,000$ est le nombre d'adhérents en 2017 et a_n le nombre d'inscrits l'année 2017 + n.

- **1. a.** Calculer a_1 et a_2 .
- **b.** Justifier que, pour tout entier naturel n, on a $a_{n+1} = 0.75a_n + 500$.
- **2.** On pose $b_n = a_n 2000$ pour tout entier naturel n.
- **a.** Prouver que la suite (b_n) est une suite géométrique en précisant sa raison et son premier terme.
- **b.** En déduire l'expression du terme général de la suite (b_n) puis de la suite (a_n) .
- c. Quel est le sens de variation de chaque suite?
- **d.** Conjecturer les limites des suites (a_n) et (b_n) . Que peut-on en déduire pour le nombre d'adhésions de cette médiathèque ?
- **3.** On propose l'algorithme suivant.
- a. Que permet de calculer cet algorithme ?
- **b.** Interpréter le résultat obtenu à la fin de cet algorithme.

Exercice 11:

Perrine place 8 000 € sur un compte dont le taux d'intérêts cumulés est de 3,8 %. Chaque année, 76 € de frais de gestion sont prélevés.

Pour tout entier n, on note \mathbf{C}_n le capital de l'année n. On suppose que l'année 0 est l'année du premier dépôt.

- 1. On cherche le capital dont disposera Perrine dans 10 ans.
- **a.** Établir une relation de récurrence pour définir la suite C_n .
- **b.** Soit D_n la suite définie pour tout entier n par $D_n = C_n 2\,000$. Prouver que cette suite est géométrique et donner sa raison et son premier terme.
- **c.** En déduire une expression de C_n en fonction de n et répondre au problème posé.
- 2. Combien d'années seront nécessaires pour que le capital augmente de 50 % ?



Exercice 12:

On considère les suites (u_n) et (v_n) définies pour tout entier naturel n par :

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{3u_n + 2v_n}{5} \end{cases} \text{ et } \begin{cases} v_0 = 2 \\ v_{n+1} = \frac{2u_n + 3v_n}{5} \end{cases}$$

- **1.** Calculer u_1 , v_1 , u_2 et v_2 .
- **2.** On considère la suite (d_n) définie pour tout entier naturel n par $d_n = v_n u_n$.
- **a.** Montrer que la suite (d_n) est une suite géométrique dont on donnera sa raison et son premier terme.
- **b.** En déduire l'expression de d_n en fonction de n.
- **3.** On considère la suite (s_n) définie pour tout entier naturel n par $s_n = u_n + v_n$.
- **a.** Calculer s_0 , s_1 et s_2 . Que peut-on conjecturer?
- **b.** Montrer que, pour tout $n \in \mathbb{N}$, $s_{n+1} = s_n$. Qu'en déduit-on ?
- **4.** En déduire une expression de u_n et v_n en fonction de n.
- **5.** Déterminer, en fonction de $n \in \mathbb{N}$:
- **a.** $T_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$
- **b.** $W_n = v_0 + v_1 + ... + v_n$

Exercice 13:

Soit la suite (u_n) définie par $u_0 = 1$, $u_1 = 5$ et, pour tout entier naturel n, $u_{n+2} = 6u_{n+1} - 8u_n$.

1. a. Démontrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$,

$$x^2-6x+8=(x-2)(x-4)$$

- **b.** Résoudre $x^2 6x + 8 = 0$
- **2.** Soient α et β deux nombres réels.

On considère les suites (v_n) et (w_n) définies pour tout entier naturel n par $v_n=u_{n+1}-\alpha u_n$ et $w_n=u_{n+1}-\beta u_n$.

Déterminer la valeur des réels α et β pour que les suites (v_n) et (w_n) soient géométriques.

- 3. Déterminer $v_n w_n$ en fonction de u_n pour tout entier naturel n.
- **4.** En déduire une expression de v_n , w_n et u_n en fonction de n.

Comment ruiner un roi et tous ses successeurs :

Dans l'antiquité, le roi des Indes demanda un nouveau jeu pour se distraire.

Son vizir Sissa inventa le jeu d'échecs.

Le roi, ravi de ce nouvel amusement lui demanda comment le récompenser.

Sissa dit: « Je voudrais un peu de riz. Placez un grain de riz sur la première case, deux sur la deuxième, quatre sur la troisième et ainsi de suite en doublant à chaque fois le nombre de grains de riz. » Le roi accepta cette demande, qu'il trouva bien

Le conseiller s'écria : « Sire ! Vous conduisez notre pays à la ruine ! »

Pourquoi le conseiller du roi réagit ainsi?

Compe

Ea 1: 10 = 20 MAH = MA - (n-4) pow nEN

1) lo=20 u, = Mo - (0-4) = 20-16=4 M2 = M1 - (1-4)2 = 4-9=-5

M3 = M2 - (2-4)? = -5-4=-9 2) La suite (un) semble décroissante.

3) Mn4-4n=-(n-4)2 (n-4)2>0 pour tout nEN donc un+ - un >0 pour tout nEN donc (un) est décroissante.

En 2: Voir fin du compé Ex 3:

1) lin = lio+nx92 $u_0 = 2 + 30$

 $43 \ \text{Mo} = 2 + 3 \times 0 = 2$ $M_1 = 2 + 3 \times 1 = 5$

 $43 \left(42 = 2 + 3x2 = 8 \right)$ +3 (M3 = 2+3×3=11 +3 (, My = 2x3x4=14

4) un = u1 + (n-1) x 2 $u_n = \frac{3}{4} + (n-1) \times \frac{1}{2}$ $\mathcal{U}_{\eta} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \eta$

En4: 1) un = 7n-3 un = 7(n+1)-3=7n+4

Un+1-4n=7n+4-(7n-3)=7 donc (un) est arithmétique de raison r=7 et de premier terme llo =-3.

3) Mo= 1 Mn = 2m+7 My = 2x1+7 = 9 M2 = 2x9+7 = 25 11-40=8 , 112-41=16 donc (in) n'est per arithmetique

2) Un = lo+mx 2 3) ly= lo+nxr $M_{0} = 4 - 30$ $u_n = 3 + \frac{1}{2}n$

 $\frac{3}{3} \left(\frac{10}{10} = 4 - 3 \times 0 = 4 \right)$ $\frac{3}{3} \left(\frac{11}{10} = 4 - 3 \times 1 = 1 \right)$ $\frac{3}{3} \left(\frac{11}{10} = 4 - 3 \times 2 = -2 \right)$ $+\frac{1}{2}$ (Mo = 3+ $\frac{1}{2}$ ×0 = 3 $4\frac{1}{2} \mathcal{U}_1 = 3 + \frac{1}{2} \times 1 = \frac{7}{2}$ $4\frac{1}{2} \mathcal{U}_2 = 3 + \frac{1}{2} \times 2 = 4$ -3 / $2 = 4 - 3 \times 3 = -5$ $\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times 3 = \frac{1}{2}$

-31, M4 = 4-3×4=-8

1= 1 1 2 × 4 = 10=5 $M_0 = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \times 0 = \frac{1}{4}$ $u_3 = \frac{5}{4} + \frac{1}{2} = \frac{7}{4}$ $\mathcal{U}_1 = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$ $M_4 = \frac{7}{4} + \frac{1}{2} = \frac{9}{4}$ $u_2 = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4}$

2) M= n2+4 MaH = (n+1)+4 = n2+2n+5

 J_{n}^{2} J_{n L'expression obtenue dépend de n donc (un) n'est pas arithmétique

4) Mg = -3 MAH = MA+ N+9 $M_2 = -3 + 1 + 9 = 7$, $M_3 = 7 + 2 + 9 = 18$ $M_2 - M_4 = 10$, $M_3 - M_2 = 11$

donc (un) n'est pass arithme tipue

1)
$$u_n = u_2 + (n-2) \times n$$

 $u_n = 2 + (n-2) \times 4$
 $u_n = 4n - 6$

2)
$$u_n = u_5 + (n-5) \times r$$

 $u_n = 7 + (n-5) \times \left(-\frac{1}{2}\right)$
 $u_n = -\frac{1}{2}n + \frac{19}{2}$

3)
$$u_n = u_3 + (n-3) \times \Gamma$$

 $u_n = 4 + (n-3) \times 12$
 $u_n = 12n - 32$

4)
$$u_{0} = u_{0} + (n-8) \times r_{0}$$

$$u_{0} = \frac{37}{2} + (n-8) \times \left(-\frac{1}{4}\right)$$

$$u_{0} = -\frac{1}{4} + n + \frac{41}{2}$$

$$\frac{\mathcal{E}_{\kappa} \delta:}{1) \ V_{0} = 3 \ q = 4}$$

$$V_{n+1} = V_{n} \times q = 4 \times V_{n}$$

$$V_0 = 3$$

 $V_1 = 4 \times 3 = 12$
 $V_2 = 4 \times 12 = 48$
 $V_3 = 4 \times 48 = 192$

$$V_4 = 4 \times 192 = 768$$

2)
$$V_0 = 2$$
 $q = -3$
 $V_{0+1} = V_{0+1} = -3V_{0}$
 $V_0 = 2$
 $V_1 = -3 \times 2 = -6$
 $V_2 = -3 \times (-6) = 18$
 $V_3 = -3 \times 18 = -54$

 $V_4 = -3 \times (-54) = 162$

3)
$$V_{1} = 5$$
 $q = \frac{1}{2}$
 $V_{0} + 1 = V_{0} \times q = \frac{1}{2} V_{0}$
 $V_{1} = 5$
 $V_{2} = \frac{1}{2} \times 5 = \frac{5}{2}$
 $V_{3} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{4} = \frac{5}{8}$
 $V_{4} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{4} = \frac{5}{8}$
 $V_{5} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{8} = \frac{5}{16}$

4)
$$V_1 = -\frac{1}{4}$$
 $q = 2$
 $V_{n+1} = V_n \times q = 2V_n$

$$V_1 = -\frac{1}{4}$$
 $V_2 = 2 \times \left(-\frac{1}{4}\right) = -\frac{1}{2}$

pas geometrique

$$\sqrt{3} = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$$

 $\sqrt{4} = 2 \times (-1) = -2$
 $\sqrt{5} = 2 \times (-2) = -4$

 $^{2}) V_{n} = n^{4}$

1)
$$V_n = 8n$$
 $V_{n+1} = 8(n+1) = 8n + 8 = V_n + 8$

denc la suite (v_n) est arithmétique et non géométrique.

3)
$$V_n = 2 \times 3n$$

 $V_0 = 2 \times 0 = 0$ $V_4 = 2 \times 3 = 6$ $V_2 = 2 \times 6 = 12$
 $V_3 = 2 \times 9 = 18$
 $\frac{V_2}{V_4} = 2$; $\frac{V_3}{V_2} = \frac{18}{12} = 1,5$ denc (V_n) n'est

$$V_0 = 0^4 = 0$$
 $\frac{V_1}{V_0}$ n'existe pas.
 $V_1 = 1^4 = 1$ $\frac{V_2}{V_1} = 16$
 $V_2 = 2^4 = 16$ $\frac{V_3}{V_2} = 5,0625$
 $V_3 = 3^4 = 81$ $\frac{V_3}{V_2} = 5,0625$
denc (V_n) n'est pas géometrique

4)
$$V_n = -5 \times 2^{n+1}$$
 $V_{n+1} = -5 \times 2^{n+1} = -5 \times 2^{n+1} \times 2$
 $= V_n \times 2$

donc (V_n) of geometrique de raison $g = 2$ et de premier terme
 $V_0 = -5 \times 2 = -10$

5)
$$V_0 = 1$$
 $V_{01} = 3V_0 + 3x$ 6) $V_0 = 2$ $V_{01} + 1 = 5 + 7V_0$
 $V_1 = 3V_0 + 3x = 1 = 12$
 $V_2 = 3V_1 + 3x = 1 = 12$
 $V_3 = 3V_2 + 3x = 12$
 $V_4 = 5 + 7V_4 = 138$
 $V_4 = 7 + 7V_4 = 13$
 $V_4 = 7 + 7V_4 = 138$
 $V_4 = 7 + 7V_4 = 138$

4)
$$V_n = 5n + 2^n$$

 $V_0 = 1$; $V_1 = 7$; $V_2 = 14$
 $V_1 - V_0 = 6$; $V_2 - V_1 = 7$ donc (V_n) n'est pas arithme tipue .
 $\frac{V_1}{V_0} = 7$. $\frac{V_2}{V_1} = 2$ donc (V_n) n'est pas géometrique

1) a)
$$a_1 = \frac{75}{100} \times a_0 + 500 = \frac{75}{100} \times 3000 + 500 = 2550$$

 $a_2 = \frac{75}{100} \times a_1 + 500 = \frac{75}{100} \times 2750 + 500 \approx 2563 \left(\frac{5125}{2}\right)$

b)
$$a_{n+1} = 0.75 a_n + 500$$

$$= \frac{75}{100} \times a_n + 500$$
les inscrits
les nouveaux abonnées
qui renouvellant
l'abonnement

2)
$$b_n = a_n - 2000 \iff a_n = b_n + 2000$$

a) $b_{n+1} = a_{n+1} - 2000$

=
$$0,75en + 500 - 2000$$

= $0,75(bn + 2000) - 1500$
= $0,75bn + 1500 - 1500$
= $0,75bn$

donc (bn) est géométrique de raison q= 0,75 et de premier terme b= 90-2000 = 1000.

b)
$$b_n = b_0 \times q^n = 1000 \times 0.75^n$$

 $a_n = b_n + 2000 = 1000 \times 0.75^n + 2000$

- c)(bn) est une suite géométrique de premier terme possitif et de raison comprise strictement entre 0 et 1 donc (bn) est décroissante.
 - an = bn + 2000 donc (an) a les mems variations que (bn) donc (an) est décroissante.
- 3) a Cet algorithme permet de calculer le nombre d'années après 2017 nécessaires pour que le nombre d'adhérents soit inférieur ou égal à 2100. C'est la valeur de n'àlifié A représente le nombre d'adhérents chaque année depuis 2017.

Ex 11:

1). a)
$$C_{NH} = (1 + \frac{3.8}{100}) \times C_{N} - 76$$
 Augmontes de 3,8% c'est multipliet $C_{NH} = 4,038 C_{N} - 76$ par $C_{M} = 1 + \frac{3.8}{100}$

b)
$$D_n = C_n - 2000 \iff C_n = D_n + 2000$$
 $D_{nH} = C_{nH} - 2000$
 $= 1,038 C_n - 76 - 2000$
 $= 4,038 (D_n + 2000) - 2075$

$$= 1,038 Dn + 2075 - 2075$$

= $1,038 Dn$

(Dn) est géometrique de raison q= 4,038 et de prenier terma Do = Co - 2000 = 6000

c) $D_n = D_0 \times q^n = 6000 \times 1,038$ "

Cn = Dn + 2000 = 6000 × 1,038° + 2000. Cn = 10712 Dans 10 ans Penine, aura 10712€. 2) Grâce à la calculelle, on a : G3 = 11744 et C14 = 1214

$$8000 \times \left(1 + \frac{50}{1000}\right) = 12000$$

C'est donc la 14° année après 2017 donc en 2031 que le capital de Perine aura augnonté de 50%.

En 12:

A)
$$JJ_1 = \frac{3u_0 + 2v_0}{5} = \frac{3+4}{5} = \frac{7}{5}$$

$$V_2 = \frac{3u_1 + 2v_1}{5} = \frac{21}{5} + \frac{16}{5} = \frac{37}{25}$$

$$V_3 = \frac{2u_1 + 3v_1}{5} = \frac{14}{5} + \frac{2u_1}{5} = \frac{38}{25}$$

2) dn = Vn - un 2

a) $d_{nH} = V_{nH} - u_{nH} = \frac{2u_n + 3v_n}{5} - \frac{3u_n + 2v_n}{5} = \frac{v_n - u_n}{5} = \frac{1}{5} d_n$ donc (dn) est une suite géométrique de raison q= { et de premier terme d= 10-40=2-1=1.

b) $dn = do \times q^n = 1 \times \left(\frac{1}{5}\right)^n = \left(\frac{1}{5}\right)^n = \frac{1}{5^n}$

3) Sn = un + Vn

a) So = u0 + v0 = 4 + 2 = 3; S₁ = u₁ + v₁ = $\frac{1}{5}$ + $\frac{8}{5}$ = $\frac{45}{5}$ = 3; S₂ = u₂ + v₂ = $\frac{37}{25}$ + $\frac{38}{25}$ = $\frac{75}{25}$ = 3

b) SnH = Un+ + VnH = 3un + 2vn + 2un + 3vn = 5un + 5vn = un + Vn = Sn. da suite (sn) est donc constante.

So = 40 + Vo = 1+2=3 donc Sn = 3 pour tout entier naturel n

 $V_{n+1} = U_{n+2} - \Delta U_{n+1}$ $= 6U_{n+1} - 8U_n - \Delta U_{n+1}$ $= (6 - \Delta)U_{n+1} - 8U_n$ $= (6 - \Delta)(V_n + \Delta U_n) - 8U_n$ $= (6 - \Delta)(V_n + \Delta U_n) - 8U_n$ $V_{n+1} = (6 - \Delta)V_n + (6\Delta - \Delta^2 - 8)U_n$ $V_{n+1} = (6 - \Delta)V_n + (6\Delta - \Delta^2 - 8)$

Wn = MnH - Bun = MnH = Wn + Bun WAH = Unte - BrunH = 6 uny - 8 un - Buny = (6-B)(wn+Bun) - 8un = $(6-\beta)$ wn + $(6\beta-\beta^2-8)$ un (Wn) géométrique si 6B-B2-8=0 (=> B2-6B+8=0 Alors la raison est q=6-2=4 ou q=6-4=2. (5=2 ou 3=4 3) Vn - wn = Mn+ - dun - Mn+ + Bun = (b-d) m m d=2 alors B=4 B-d=2 = / 2 un 8i d=4 alors B=2 B-d=-2 Alors Vn-Wn = Qun le rôle de vn et wn) (Vn) est une suite géométrique de raison 9=4 et de premier terme vo = u, - 240 = 5-2=3. (Wn) est une suite géométrique de raison q=2 et de premier terme wo = 4,-400 = 5-4=1. $\Lambda^{\nu} = \Lambda^{\nu} \times \theta_{\nu} = 3 \times \theta_{\nu}$ $\mathcal{L}_{n} = \frac{V_{n} - W_{n}}{2} = \frac{3 \times 4'' - 2^{n}}{2}$ $W_0 = W_0 \times q^0 = 4 \times 2^0$ $=3\times\frac{2^{2n}}{2}-\frac{2^n}{2}$ $M_n = 3 \times 2^{2n-1} - 2^{n-1}$ Mistoire de l'échiques: Nombre de grains de riz: 1-2-4-8-.... 263 $S = 2^{\circ} + 2^{1} + 2^{2} + \dots + 2^{63}$ = 1 x 1-264 = (-1) x (1-2⁶⁴) 1 grain de riz pere 0,28g=28×104kg $(2^{64}-1) \times 28 \times 10^4 = 5,165 \times 10^{15} \text{ kg} = 5,165 \times 10^{12} \text{ tonnes}$ La production annuelle mondiale en 2023 de riz est de 523,5 millions de honnes soit 5,235 x 10° tonnes La demande du vizir represente 9.87 x 1019 lois la production mondia la 11

Exercice 2:

