Soit (u_n) une suite définie sur $\mathbb N$ par $\,u_n=4n^2-2n+6.\,$ Calculer u_0 , u_3 , u_7 et $\,u_{10}.$

(3 points)

<u>(a) Exercice 2:</u>

QUESTIONS	REPONSES
La suite (u_n) est définie pour tout entier naturel par $u_n = n^2 - 7$. Combien vaut le 3 ^è terme de cette suite ?	
 @ Voici les premiers termes de la suite (un) définie sur №: 40; -20; 10; -5; 	Compléter cette suite de nombres par le nombre qui pourrait convenir
La suite (u_n) est définie par : $u_n = 5n - n$ ($2n + 4$) Calculer u_2 .	
On donne la suite (v_n) définie par son premier terme v_3 et par la relation $v_n = \frac{3n+1}{n-2}$.	$v_5 =$ Le septième terme est :
On donne la suite (u_n) définie sur \mathbb{N} par $u_n = n^2 - 2n - 5.$ Calculer les 4 premiers termes de cette suite.	

<u>(a) Exercice 4:</u>

Le tableau suivant donne le dernier cours de l'action d'une entreprise lors des sept dernières années.

Les différentes cotations sont assimilées à une suite (c_n) . Le premier terme de cette suite est $c_0 = 5,50$.

Année	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024
Cotation	5,50	7,80	10,32	13,54	18 22	27,01	31 12
en euros	3,30	7,80	10,32	13,34	16,23	27,01	31,12

- a) Dans le contexte de l'exercice, que représente c₀ ?
- b) Que vaut c₂?
- c) Quel est l'indice du terme de valeur 27,01 ? Interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.

Exercice 5: (6,5 points)

Dans un club de sport, le nombre d'adhérents augmente de 24 chaque année.

En 2020, le club comportait 100 adhérents.

On modélise la situation par une suite (a_n) où a_0 représente le nombre d'adhérent en 2020, a_1 le nombre d'adhérent en 2021

1) Compléter le tableau suivant :

Année	2020	2021	2022	2023	2024
Nombre					
d'adhérents					

- 2) Si l'évolution se poursuit, combien le club comptera d'adhérents en 2025 ?
- 3) Chaque adhérent paie 100€ par an pour faire partie de ce club.

 De quelle somme d'argent disposera le club en 2025, grâce aux cotisations des adhérents ?
- 4) Le club souhaite organiser une sortie. Le transport (un car de 60 places)coute 5000€. Le repas au restaurant coute 30€ par personne et la visite du musée 10€ par personne. a) Combien coutera la sortie pour 60 personnes ?

b) Le club aura-t-il assez avec l'argent des cotisations pour payer l'intégralité de la sortie ?

1. Calculer en détaillant les étapes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible :

4		1		1
A	_	_	_	_
11		5		4

$$B = \frac{5}{8} \times \frac{4}{25}$$

$$C = 3 + \frac{2}{3}$$

$$D = \frac{3}{5} - \frac{2}{5} \times \frac{7}{2}$$

$$\textit{E}\,=\frac{1}{2-\frac{3}{7}}$$

$$F = \frac{5}{9} \div \frac{7}{6} - \frac{1}{6}$$

1STMG CORRECTION DEVOIR SURVEILLE N°1 (1h)/30

Exercice 1: (7 points)

On donne la suite de nombres suivants : -45; -30; -15; 0

1) Comment fait-on pour passer d'un terme à l'autre ?

Pour passer d'un terme à l'autre, on ajoute 15.

- 2) $u_{n+1} = u_n + 15$
- 3) Quel est l'indice du premier terme ? L'indice du premier terme est 0.
- 4) Quelle est la valeur du 3è terme ? Le troisième terme vaut -15 donc $\mathbf{u}_2 = -15$
- 5) Combien vaut u_4 ? $u_4 = 0 + 15 = 15$.
- 6) Calculer le huitième terme.

$$15 + 3 \times 15 = 15 + 45 = 60$$
 donc le huitième terme vaut 60. $\mathbf{u}_7 = 60$.

ou
$$u_5 = u_4 + 15 = 15 + 15 = 30$$
; $u_6 = u_5 + 15 = 30 + 15 = 45$; $u_7 = u_6 + 15 = 45 + 15 = 60$

(3 points) **Exercice 2:**

Soit (u_n) une suite définie sur \mathbb{N} par $u_n = 4n^2 - 2n + 6$. Calculer les trois premiers termes de la suite.

$$u_0 = 4 \times 0^2 - 2 \times 0 + 6 = 6$$

$$u_3 = 4 \times 3^2 - 2 \times 3 + 6 = 36$$
;

$$u_7 = 4 \times 7^2 - 2 \times 7 + 6 = 188$$

$$u_{10} = 4 \times 10^2 - 2 \times 10 + 6 = 386$$

Exercice 3:	(10 points)
QUESTIONS	REPONSES
La suite (u_n) est définie pour tout entier naturel par $u_n = n^2 - 7$. Combien vaut le 3 ^è terme de cette suite ?	$u_2 = 2^2 - 7 = 4 - 7 = -3$
	Compléter cette suite de nombres par le nombre qui pourrait convenir
 @ Voici les premiers termes de la suite (u_n) définie sur ℕ: 40: -20: 10: -5: 	On passe d'un nombre au nombre suivant en divisant par -2 donc le dernier nombre est $(-5):(-2)=2,5$.
40,-20,10,-3,	Ecrire u_{n+1} en fonction de u_n pour $n \in \mathbb{N}$
	$u_{n+1} = u_n : (-2)$
La suite (u_n) est définie par : $u_n = 5n - n (2n + 4)$ Calculer u_2 .	$u_2 = 5 \times 2 - 2 (2 \times 2 + 4) = 10 - 2 \times 8 = 10 - 16 = -6$
On donne la suite (v _n) définie par son premier terme	$\mathbf{v}_5 = \frac{3 \times 5 + 1}{5 - 2} = \frac{16}{3}$
u_3 et par la relation $v_n = \frac{3n+1}{n-2}$.	Le septième terme est : $v_9 = \frac{3 \times 9 + 1}{9 - 2} = \frac{28}{7} = 4$
	$u_0 = 0^2 - 2 \times 0 - 5 = -5$
On donne la suite (u_n) définie sur \mathbb{N} par $u_n = n^2 - 2n - 5$. Calculer puis représenter dans le graphique ci-contre les 4 premiers termes de cette suite.	$u_1 = 1^2 - 2 \times 1 - 5 = 1 - 2 - 5 = -6$
	$u_2 = 2^2 - 2 \times 2 - 5 = 4 - 4 - 5 = -5$
	$u_3 = 3^2 - 2 \times 3 - 5 = 9 - 6 - 5 = -2$

(4 points)

Le tableau suivant donne le dernier cours de l'action d'une entreprise lors des sept dernières années.

Les différentes cotations sont assimilées à une suite (c_n) . Le premier terme de cette suite est $c_0 = 5,50$.

Année	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024
Cotation	5,50	7,80	10,32	13,54	18,23	27,01	31 12
en euros	3,30	7,00	10,52	13,34	10,23	27,01	31,12

a) Dans le contexte de l'exercice, que représente c₀ ?

c₀ représente la cotation en euros de l'action de l'entreprise en 2018.

b) Que vaut c₂?

$$c_2 = 10,32$$

c) Quel est l'indice du terme de valeur 27,01 ? Interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.

L'indice du terme de valeur 27,01 est 5, on a donc $c_5 = 27,01$.

La cotation de l'action de l'entreprise en 2023 était de 27,01€.

Exercice 5: (6,5 points)

Dans un club de sport, le nombre d'adhérents augmente de 24 chaque année.

En 2020, le club comportait 100 adhérents.

On modélise la situation par une suite (a_n) où a₀ représente le nombre d'adhérent en 2020, a₁ le nombre d'adhérent en 2021

1) Compléter le tableau suivant :

Année	2020	2021	2022	2023	2024
Nombre d'adhérents	100	100 + 24 = 124	124 + 24 = 148	148 + 24 = 172	172 + 24 = 196

2) Si l'évolution se poursuit, combien le club comptera d'adhérents en 2025 ?

196 + 24 = 220. Le club comportera 220 adhérents en 2025.

3) Chaque adhérent paie 100€ par an pour faire partie de ce club.

De quelle somme d'argent disposera le club en 2025, grâce aux cotisations des adhérents ? $220 \times 100 = 22\ 000$. Le club disposera de 22 000€ en 2025.

4) Le club souhaite organiser une sortie. Le transport (un car de 60 places)coute 5000€.

Le repas au restaurant coute 30€ par personne et la visite du musée 10€ par personne.

a) Combien coutera la sortie pour 60 personnes?

$$5000 + 60 \times (30 + 10) = 5000 + 60 \times 40 = 5000 + 2400 = 7400$$

La sortie coutera 7 400€.

b) Le club aura-t-il assez avec l'argent des cotisations pour payer l'intégralité de la sortie ?

Le club dispose de 22 000€ donc il pourra payer l'intégralité de la sortie.

Exercice 6 :
Calculer en détaillant les étapes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible :

Calculer en detamant les étapes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irreductible :						
$A = \frac{1}{5} - \frac{1}{4}$	$B = \frac{5}{8} \times \frac{4}{25}$	$C = 3 + \frac{2}{3}$	$D = \frac{3}{5} - \frac{2}{5} \times \frac{7}{2}$			
$=\frac{4}{20}-\frac{5}{20}$	$=\frac{5\times2\times2}{2\times2\times2\times5\times5}$	$=\frac{9}{3}+\frac{2}{3}$	$=\frac{3}{5}-\frac{7}{5}$			
$=-rac{1}{20}$	$=\frac{1}{10}$	$=\frac{11}{3}$	$=-\frac{4}{5}$			
${\it E}=rac{1}{2-rac{3}{7}}$	$F = \frac{5}{9} \div \frac{7}{6} - \frac{1}{6}$					
$=\frac{1}{\frac{14}{7}-\frac{3}{7}}$	$=\frac{5}{9}\times\frac{6}{7}-\frac{1}{6}$					
, ,	$=\frac{5\times3\times2}{3\times3\times7}-\frac{1}{6}$					
$=\frac{1}{\frac{11}{7}}$	$=\frac{10}{21}-\frac{1}{6}$					
$=1\times\frac{7}{11}$	$=\frac{60}{126}-\frac{21}{126}$					
$=\frac{7}{11}$	$=\frac{39}{126}$					
	$=\frac{13}{42}$					