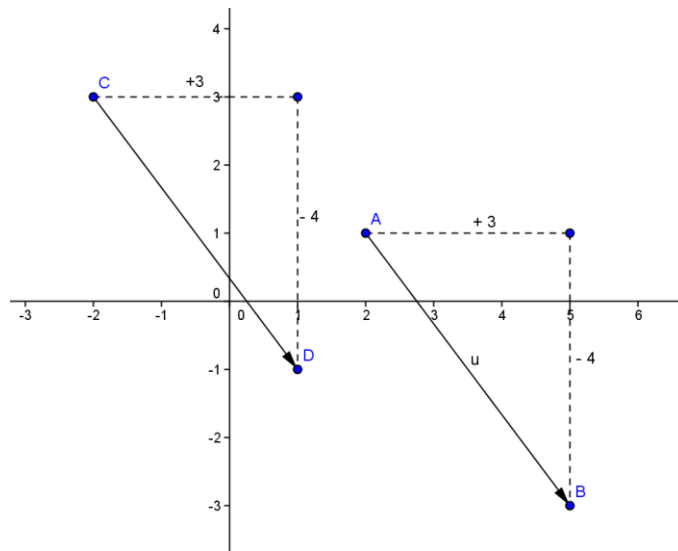


VECTEURS ET TRANSLATIONS

I. Introduction : la translation :



$A(2; 1)$; $B(5; -3)$; $C(-2; 3)$.

Le déplacement qui amène le point A sur le point B est appelé

Cette translation, à un point C, associe un point D tel que $\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AB}$.

On dit que On note $t_{\overrightarrow{AB}}(C) = D$

Conséquence :

On dit que les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont

On dit aussi qu'ils sont les **représentants** d'un même vecteur que l'on pourra noter \overrightarrow{u} .

II. Les vecteurs : quelques définitions et propriétés :

1) Vecteurs égaux et parallélogramme :

Sur l'exemple précédent on a $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$.

On remarque également que le quadrilatère ABDC a deux côtés parallèles et de même longueur (car on a effectué le même déplacement de A vers B que de C vers D)

donc on peut affirmer que le quadrilatère ABDC est un parallélogramme.

.....

2) Vecteurs particuliers :

a) Le vecteur nul :

Le vecteur \overrightarrow{AA} correspond à un déplacement de A vers A donc un déplacement nul.

On dira que le vecteur \overrightarrow{AA} est un vecteur nul et on notera $\overrightarrow{AA} = \overrightarrow{0}$

b) Vecteurs opposés:

Le vecteur \overrightarrow{AB} correspond à un déplacement de A vers B.

Le vecteur \overrightarrow{BA} correspond à un déplacement de B vers A donc un déplacement opposé au précédent.

Les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{BA} sont dits et on notera

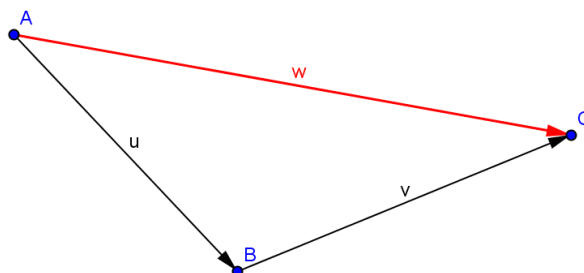
III. Addition de deux vecteurs :

1) Définition :

Soit \vec{u} le vecteur qui va de A vers B. $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$

Soit \vec{v} le vecteur qui va de B vers C. $\vec{v} = \overrightarrow{BC}$.

On appelle \vec{w} le vecteur qui va de A vers C.



Ce vecteur \vec{w} résulte de l'enchaînement de deux déplacements, de deux translations, l'une de vecteur \vec{u} et l'autre de vecteur \vec{v} .

On dira alors que \vec{w} est la somme des deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} .

On notera $\vec{w} = \vec{u} + \vec{v}$.

2) Construction géométrique de la somme de deux vecteurs :

Deux techniques différentes mais équivalentes sont possibles :

La technique du " bout à bout "

La technique du parallélogramme

On colle le vecteur \vec{v} au bout du vecteur \vec{u} .

On a alors $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$

Cette relation est connue sous le nom de

Relation de Chasles

(Michel Chasles est un mathématicien français né en 1793 et mort en 1880)



On représente \vec{u} et \vec{v} avec la même origine O, puis on termine le parallélogramme

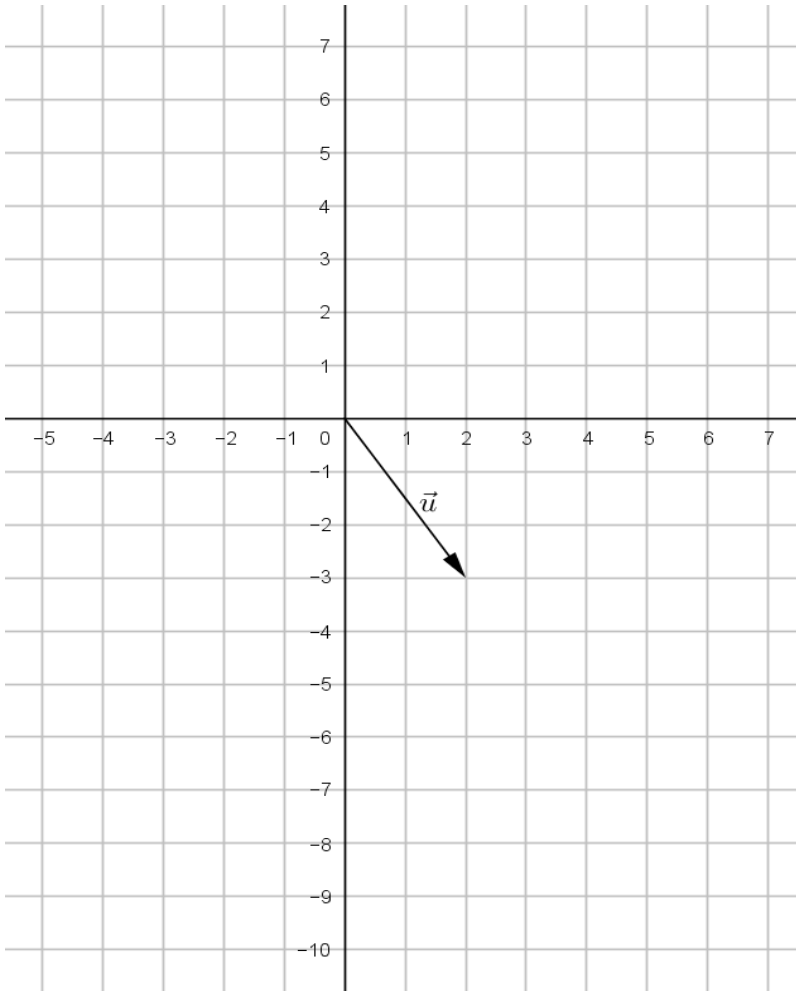
La diagonale de ce parallélogramme commençant par O sera le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$.

IV. Multiplication d'un vecteur par un réel :

1) Exemple :

Soit \vec{u} le vecteur dessiné ci-dessous.

Représenter \vec{u} , $3\vec{u}$, $-2\vec{u}$ et $\frac{1}{2}\vec{u}$.



On constate que \vec{u} , $3\vec{u}$ et $\frac{1}{2}\vec{u}$

.....

.....

et que \vec{u} et $-2\vec{u}$

.....

.....

2) Définitions :

Soit α un nombre réel quelconque.

Si $\alpha = 0$ alors $0 \times \vec{u} = \vec{0}$

Si $\alpha = 1$ alors $1 \times \vec{u} = \vec{u}$

Si $\alpha = -1$ alors $-1 \times \vec{u} = -\vec{u}$

Si $\alpha > 0$: $\alpha \vec{u}$ et \vec{u} auront le même sens et la longueur de $\alpha \vec{u}$ sera celle de \vec{u} multipliée par α

Si $\alpha < 0$: $\alpha \vec{u}$ et \vec{u} seront de sens contraire et la longueur de $\alpha \vec{u}$ sera celle de \vec{u} multipliée par $-\alpha$

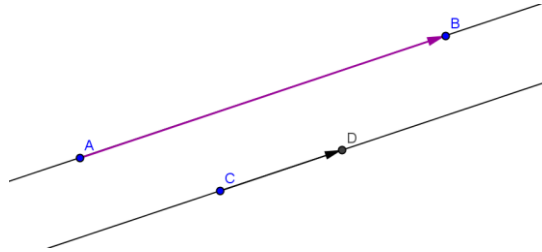
3) Vecteurs colinéaires :

a) Définition :

On dira que \vec{u} et \vec{v} sont s'il existe un réel k tel que

b) Vecteurs colinéaires et parallélisme :

\vec{AB} et \vec{CD} sont \Leftrightarrow les droites



c) Vecteurs colinéaires et alignement :

Si \vec{AB} et \vec{AC} sont \Leftrightarrow les points

